

# Надежность систем и устройств

---

## Лекция 4. Методы повышения надежности, методы структурного резервирования

**Глухих Михаил Игоревич, к.т.н., доц.**  
**[mailto: glukhikh@mail.ru](mailto:glukhikh@mail.ru)**

# Из чего мы исходим?

---

- Требования к надежности системы, примеры
  - ВБР за период в 100 суток не менее 99%
  - средняя наработка до отказа не менее 1 года
  - среднее время восстановления не более 1 часа
  - средний срок службы не менее 5 лет
  - среднее число отказов за 5 лет не более 3
  - группа риска VII и выше

# Примеры некорректных требований

---

- система должна работать безотказно не менее 100 суток
- время восстановления не должно превышать 1 час
- должна быть гарантирована безопасность

# Источники требований

---

- стандарты (положено!)
- экономические соображения разного рода (сколько может стоить система и каковы потери от ее отказа)
- требования к системе более высокого уровня

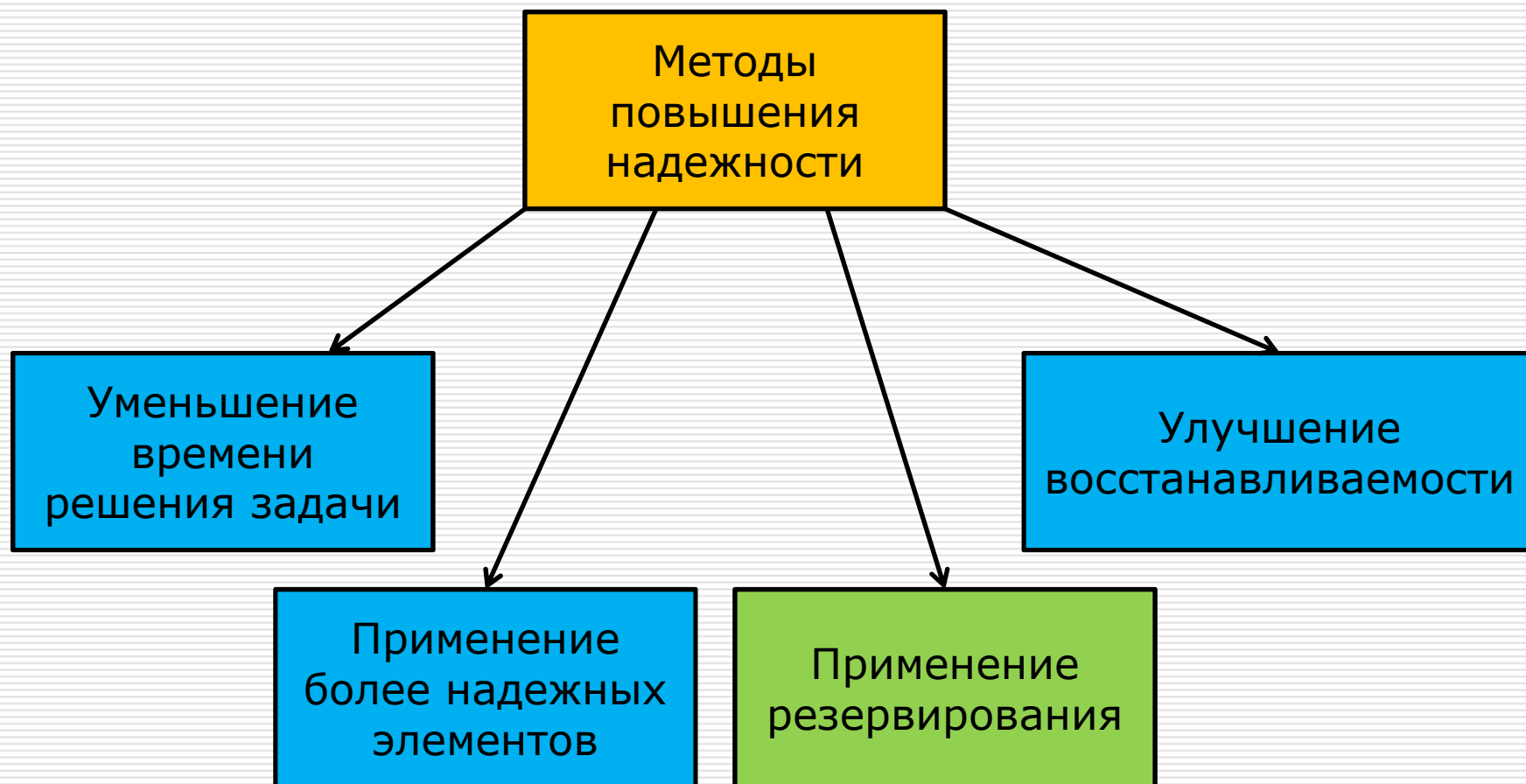
# Проектирование системы

---

- Требования к надежности
- Структура системы, элементы системы, характеристики элементов
- Оценка надежности
- Надежность достаточна?
  - если нет, то какими методами надежность можно повысить наиболее дешево

# Методы повышения надежности, классификация

---



# Методы повышения надежности, классификация

---

- Уменьшение времени решения задачи – например, используем более быстрый алгоритм
  - поскольку интенсивность отказов от этого не меняется, вероятность безотказной работы увеличивается
  - даже для систем, работающих непрерывно, интенсивность отказов в режиме ожидания может быть меньше, чем в режиме активной работы
  - таким образом, средняя интенсивность отказов меньше

# Методы повышения надежности, классификация

---

- Применение более надежных в данных условиях элементов – напрямую уменьшая интенсивность отказов
  - например, использование элементов промышленного или военного стандарта вместо элементов коммерческого стандарта
    - 0...70 С
    - -40...85 С
    - -55...125 С



# Методы повышения надежности, классификация

---

- Улучшение восстанавливаемости – увеличиваем интенсивность восстановления, а значит, и коэффициент готовности
  - быстрое время перезапуска системы во многих случаях решит проблему с надежностью (конечно, если короткие паузы в работе в принципе допустимы)

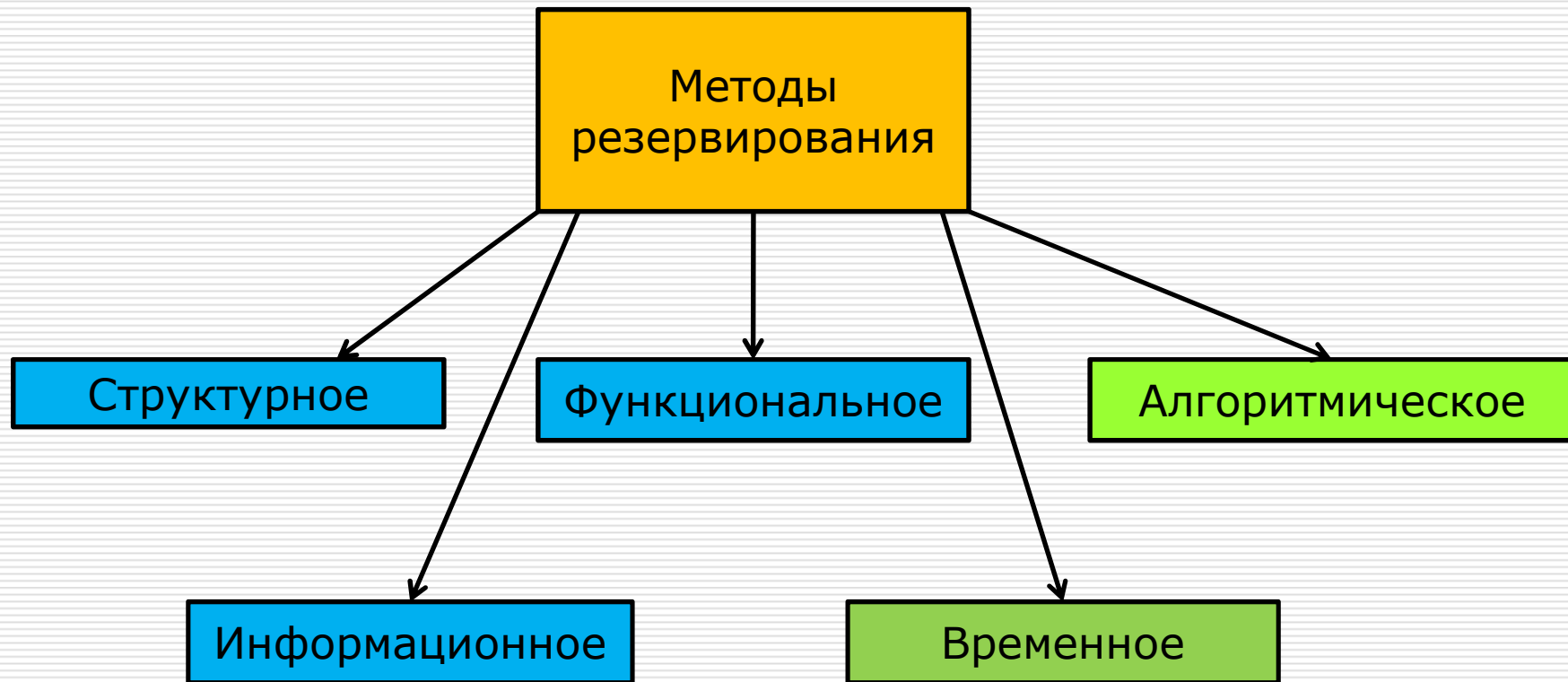
# Методы повышения надежности, классификация

---

- Методы резервирования – используем для повышения надежности дополнительные ресурсы
  - как правило, самый СЛОЖНЫЙ и ДОРОГОЙ в применении способ
  - используется, если все остальные не подходят, нереализуемы, недостаточны

# Методы резервирования, классификация

---



# Методы резервирования, классификация (аппаратура)

---

- Информационное резервирование
  - используются дополнительные линии передачи информации или дополнительные разряды для хранения данных (например, 36 разрядов/линий вместо 32)
  - дешевый и эффективный способ при хранении и передаче данных
  - применяется на ВЫСОКОМ уровне системы (уровень устройств, передач между устройствами)
  - классический пример – CRC-код

# Методы резервирования, классификация (аппаратура)

---

- Структурное резервирование
  - используются дополнительные элементы системы, дублирующие работу уже существующих (два процессора вместо одного)
  - способ дорогой, но в некоторых случаях – единственно возможный
  - примеры – холодный резерв, горячий резерв
- Функциональное резервирование
  - использование многофункциональных элементов, способных перераспределять нагрузку в процессе работы

# Методы резервирования, классификация (ПО, АПК)

---

- Временное резервирование
  - увеличение времени, отведенного на решение задачи (это время может быть использовано, например, для перезапуска системы, или для многократного решения задачи)
- Алгоритмическое резервирование
  - решение задачи несколько раз, несколькими разными способами
- Оба метода эффективны для программного обеспечения или аппаратно-программных комплексов, часто используются в комбинации

# Классификация методов структурного резервирования

---

- Признаки классификации
  - Уровень резервирования
  - Кратность
  - Способ подключения резервных элементов

# Структурное резервирование, уровень применения

---

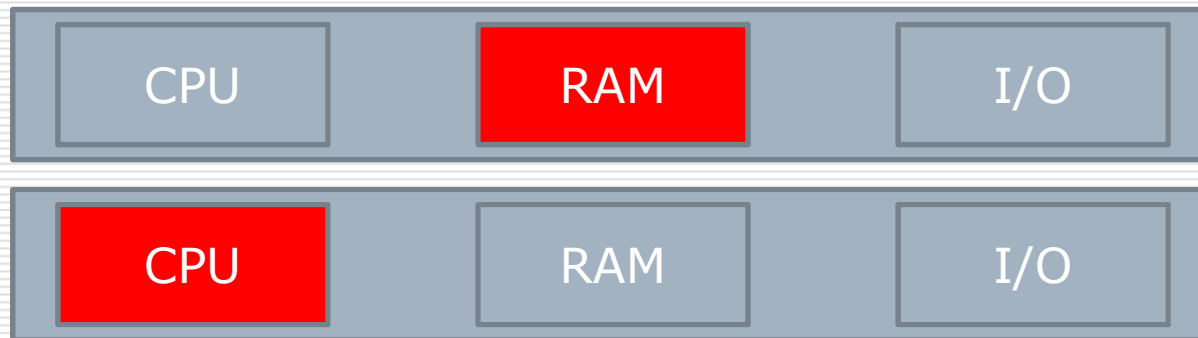
- Общее
  - применяется на уровне всей системы
- Групповое
  - применяется на уровне групп элементов
- Поэлементное
  - применяется на уровне отдельных элементов
- Какой из способов эффективнее?



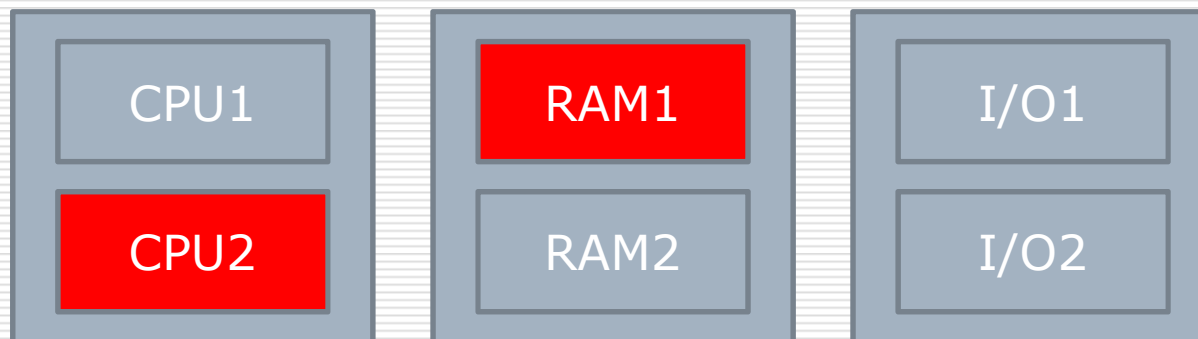
# Структурное резервирование, уровень применения

---

общее резервирование



поэлементное резервирование



# Кратность структурного резервирования

---

- Отношение количества резервных элементов к числу основных элементов (к минимальному числу элементов, необходимому для работы системы)
- Может быть как целым, так и дробным числом
- Холодный резерв?

# Структурное резервирование, подключение резервных элементов

---

- Включение замещением
  - постоянно в работе только основные элементы, в случае отказа они замещаются резервными (можно провести четкую границу – кто основной, а кто резервный)
- Постоянно включенный резерв
  - постоянно в работе все элементы, в этом случае резервные и основные элементы равноправны (четкую границу провести нельзя)

# Включение замещением, варианты применения

---

- Ненагруженный или холодный резерв
    - до отказа основных элементов резервные элементы выключены (ЗИП), их интенсивность отказов близка к нулевой
    - при отказе основных элементов система останавливается, производится замена, система запускается заново
    - переключение обычно вручную
    - требования
      - понять, что основной элемент отказал (алгоритмы диагностики, время на диагностику)
      - время на остановку, замену и повторный запуск системы ( $K_r < 100\%$ )
-

# Включение замещением, варианты применения

---

- Нагруженный или горячий резерв
  - до отказа основных элементов резервные элементы включены и дублируют действия основных элементов (но работают вхолостую)
  - при отказе основных элементов происходит переключение на резервные – вручную или автоматически
  - требования
    - понять, что основной элемент отказал (алгоритмы диагностики, время на диагностику)
    - время на переключение ( $K_r < 100\%$ )

# Включение замещением, варианты применения

---

## □ Промежуточные варианты

- нагружены частично – резервные элементы включены, но в состоянии ожидания
- выигрывая во времени восстановления, проигрываем в интенсивности отказов, и наоборот

# Способы диагностики отказа

---

- ❑ встроенные механизмы диагностики (например, CRC или дублирование)
- ❑ безопасный вариант (fail-silent) – система при отказе перестает выдавать данные
- ❑ опасный вариант – система выдает данные, но они неверны, и/или поступают с неправильной скоростью
- ❑ кто будет определять, что данные неверны?

# Включение замещением, достоинства и недостатки

---

- Достоинства
  - Высокое соотношение стоимости и надежности (особенно для холодного резерва)
- Недостатки
  - Необходимость совершенных механизмов диагностики
  - Затраты времени на переключение элементов (особенно для холодного резерва)
  - Не годятся для систем однократного применения



## Включение замещением, область применения

---

- Непрерывное длительное применение (с возможностью ремонта)
- Имеются надежные алгоритмы диагностики, или время диагностики не критично
- Допускаются кратковременные остановки системы (готовность ниже 100%)

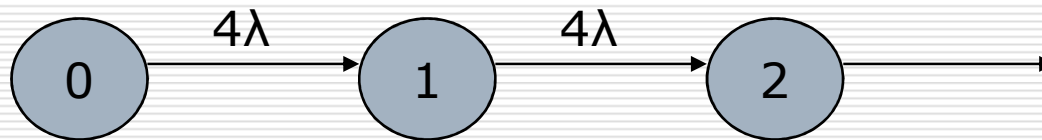
# Включение замещением, пример

---

- ❑ Четырехпроцессорная вычислительная система. Процессоры идентичны. Все 4 процессора необходимы для работы. Интенсивность отказов любого из процессоров –  $\lambda = 0.05/\text{год}$ . Отказ обнаруживается всегда.
- ❑ Элемент замены – процессор, возможны кратковременные остановки системы на его замену.
- ❑ Требуется – вероятность безотказной работы в течение  $t_0 = 2$  лет не ниже  $P=90\%$
- ❑ Сколько резервных процессоров?

# Включение замещением, пример, решение

---



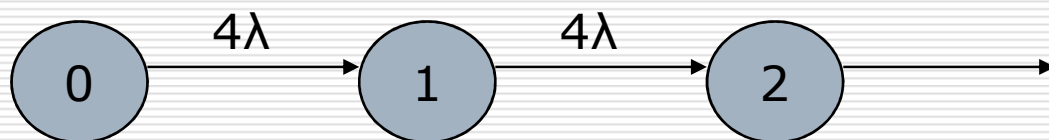
$$P_0'(t) = -4\lambda P_0(t)$$

$$P_1'(t) = 4\lambda P_0(t) - 4\lambda P_1(t)$$

$$P_0(t) = e^{-4\lambda t}, \quad P_0(t_0) = 67\%$$

# Включение замещением, пример, решение

---



$$P_0'(t) = -4\lambda P_0(t)$$

$$P_1'(t) = 4\lambda P_0(t) - 4\lambda P_1(t)$$

$$P_0(t) = e^{-4\lambda t}, \quad P_0(t_0) = 67\%$$

$$P_1(t) = 4\lambda t e^{-4\lambda t}, \quad P_1(t_0) = 27\%$$

какова кратность?

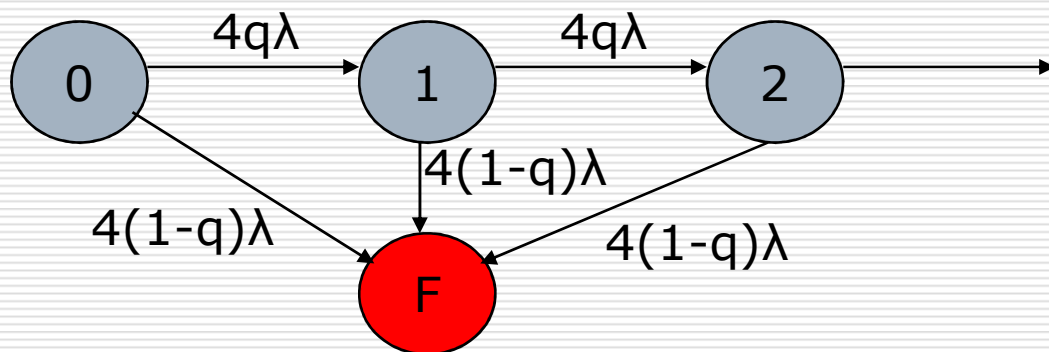
# Включение замещением, пример, развитие задачи

---

- Как изменится ситуация, если вероятность обнаружения отказа процессора только  $q=80\%$ ?

# Включение замещением, пример, развитие задачи, решение

---



$$P_0'(t) = -4\lambda P_0(t)$$

$$P_1'(t) = 4q\lambda P_0(t) - 4\lambda P_1(t)$$

$$P_0(t) = e^{-4\lambda t}, \quad P_0(t_0) = 67\%$$

$$P_1(t) = 4q\lambda t e^{-4\lambda t}, \quad P_1(t_0) = 21\%$$

# Постоянно включенный резерв, особенности применения

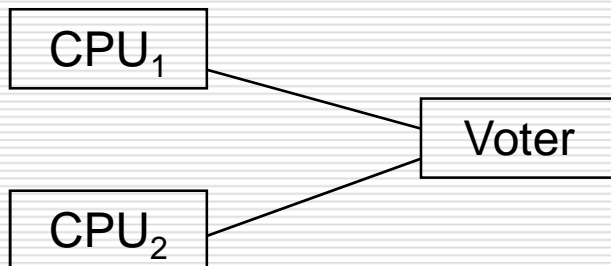
---

- ❑ Все элементы работают параллельно
- ❑ Для контроля правильности результатов обычно используется голосование
- ❑ При отсутствии других механизмов диагностики, для создания отказоустойчивой системы нужно как минимум три устройства
- ❑ Для создания системы, обнаруживающей свой отказ, достаточно двух

# Система, обнаруживающая отказ (Fail-silent модуль)

---

- ❑ Если результаты различны – система включается
- ❑ Деградация невозможна

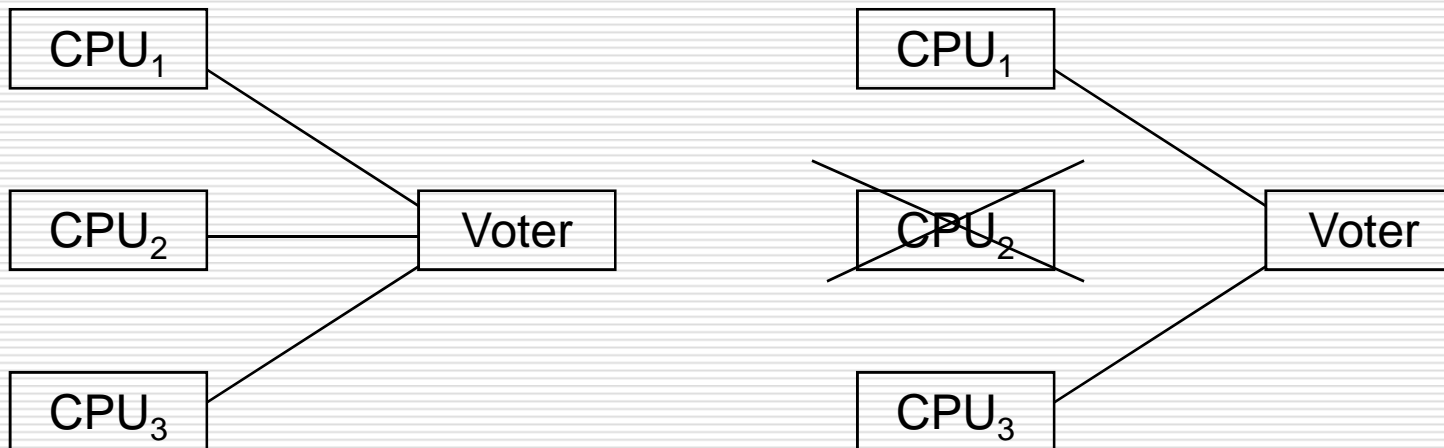




# Классическая система с мажоритаром

---

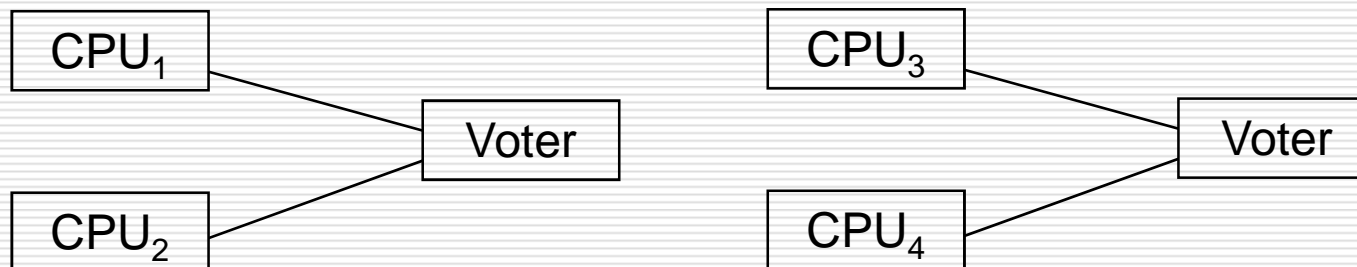
- ❑ Результат, не совпадающий с двумя другими, маскируется
- ❑ Возможна деградация до 2 устройств (в fail-silent модуль)



# Дублирование fail-silent модулей (fail-operational)

---

- ❑ Если один модуль выключается, вместо него начинает работать второй
- ❑ В реализации проще мажоритарной схемы



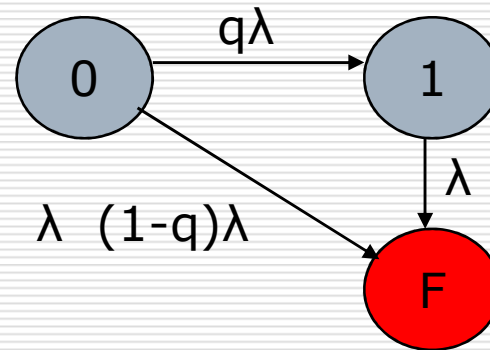
# Сравнение двух методов

---

- Пусть интенсивность отказов процессора  $\lambda = 0.05/\text{год}$
- Сравнить вероятность безотказной работы за интервал в  $t_0 = 5$  лет для системы с включением замещением (2 процессора) и системы с мажоритаром (3 процессора)
- Сопоставить результаты при вероятности успешного обнаружения отказа в системе с включением замещением  $q=100\%$ ,  $80\%$ ,  $50\%$

# Сравнение двух методов, включение замещением

---



$$P_0(t) = e^{-\lambda t}$$

$$P_1(t) = q\lambda t e^{-\lambda t}$$

q	$P_0 + P_1$
1	0.97
0.8	0.93
0.5	0.88

# Сравнение двух методов, мажоритар

---

$$\square F(S) = e_1 e_2 + e_2 e_3 + e_3 e_1 = \\ e_1(e_2 + e_3) + e_1' e_2 e_3 = \\ e_1(e_2' e_3')' + e_1' e_2 e_3$$

$$\square P(S) = p(1 - (1 - p)^2) + (1 - p)p^2 = \\ 3p^2 - 2p^3 = 3e^{-2\lambda t} - 2e^{-3\lambda t} = 0.875$$

# Итог сравнения

---

- ❑ Затраты системы с мажоритаром больше в полтора раза
- ❑ Ее надежность меньше даже при  $q=0.5$
- ❑ Особенности
  - Начиная с  $p=0.5$  ВБР системы меньше ВБР базового элемента
  - среднее время наработки до отказа ухудшается

# Сравните с fail-operational вариантом

---

- Два варианта
  - второй fail-silent модуль в холодном резерве
  - второй fail-silent модуль в горячем резерве

# Сравните с fail-operational вариантом

---

## □ Два варианта

- второй fail-silent модуль в холодном резерве ( $p = e^{-2\lambda t} + 2\lambda t e^{-2\lambda t}$ ) 0.9
- второй fail-silent модуль в горячем резерве ( $p = 2e^{-2\lambda t} - e^{-4\lambda t}$ ) 0.84



# Система с мажоритаром, достоинства и недостатки

---

## □ Достоинства

- Нет необходимости в средствах диагностики
- Отказобезопасность – вероятность получить неправильный результат очень мала

## □ Недостатки

- Большие затраты
- Проблемы с синхронизацией
  - если у устройств один тактовый сигнал, то они расположены близко в пространстве и с высокой вероятностью откажут одновременно
  - если устройства расположены далеко в пространстве, то один тактовый сигнал сильно уменьшит частоту работы

# Система с мажоритаром, область применения

---

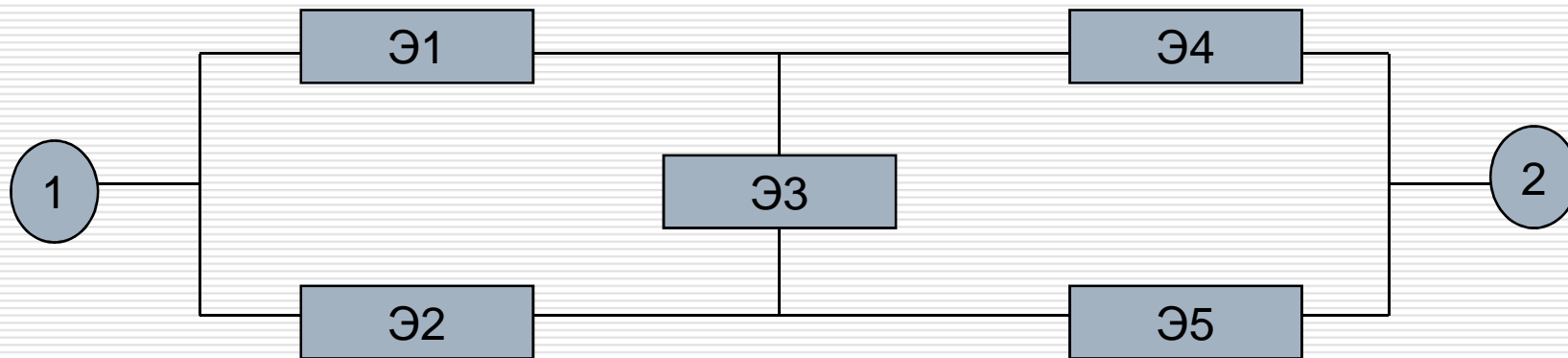
- ❑ Системы однократного применения
- ❑ Любая, где неприменимы более эффективные методы
- ❑ На практике – области, где диагностика отказов затруднена, а безопасность и надежность очень важны

# Слабые места в структуре системы

---

- Предположим, у нас имеется некоторая структура, надежность которой недостаточна
- Проблема – с чего начать ее улучшение?
- Ответ – найти элементы, являющиеся слабыми местами, и в первую очередь повысить их надежность, или резервировать их

# Способы поиска слабых мест



- $F = E_1 E_4 + E_1' E_2 E_5 + E_1 E_4' E_2 E_5 + E_4' E_2' E_1 E_3 E_5 + E_1' E_5' E_2 E_3 E_4$
- $P = P_1 P_4 + (1 - P_1) P_2 P_5 + P_1 P_2 (1 - P_4) P_5 + (1 - P_4) (1 - P_2) P_1 P_3 P_5 + (1 - P_1) (1 - P_5) P_2 P_3 P_4$
- Пусть  $P_1 = 92\%$ ,  $P_2 = 94\%$ ,  $P_3 = 80\%$ ,  $P_4 = 86\%$ ,  $P_5 = 97\%$

# Вклад элемента в надежность

---

- Принять надежность элемента за 100%
- Вклад  $W$  = полученное увеличение надежности

# Вклад элемента в надежность

---

- Принять надежность элемента за 100%
- Вклад  $W$  = полученное увеличение надежности
- $W_1=0.50\%$ ,  $W_2=0.63\%$ ,  $W_3=0.19\%$ ,  
 $W_4=0.56\%$ ,  $W_5=0.45\%$
- По аналогии – ущерб
  - принять надежность за 0%
  - ущерб = полученное уменьшение надежности
- Возможно нормирование по стоимости

# Структурная важность

---

□ Удобно получать из ОДНФ

■  $F = E_1 E_4 + E_1' E_2 E_5 + E_1 E_4' E_2 E_5 +$   
 $+ E_4' E_2' E_1 E_3 E_5 + E_1' E_5' E_2 E_3 E_4$

□ Структурная важность  $E_i$  –

■ сумма  $2^{-(r-1)}$  для термов с  $E_i$

■ минус сумма  $2^{-(r-1)}$  для термов с  $E_i'$

■ здесь  $r$  – ранг конъюнкции – число элементов в конъюнкции

# Структурная важность

---

□ Удобно получать из СДНФ

$$\begin{aligned} \blacksquare F = & E_1 E_4 + E_1' E_2 E_5 + E_1 E_4' E_2 E_5 + \\ & + E_4' E_2' E_1 E_3 E_5 + E_1' E_5' E_2 E_3 E_4 \end{aligned}$$

□ Структурная важность  $G(E_i)$  –

■ сумма  $2^{-(r-1)}$  для термов с  $E_i$

■ минус сумма  $2^{-(r-1)}$  для термов с  $E_i'$

■ здесь  $r$  – ранг конъюнкции – число элементов в конъюнкции

$$\square G_1 = G_2 = G_4 = G_5 = 0.375, G_3 = 0.125$$



# Выбор способа поиска слабых мест

---

- Используем вклад, если нам нужно определить, какой из элементов требует замены
- Используем структурную важность, если нам нужно распределить элементы между местами структуры